





Statistische Maßzahlen

Whitepaper: Alle Infos, alle Details!

Worum geht es?

Für die verschiedenen Auswertungsdokumente berechnet QuestorPro für Ihre Befragungsprojekte automatisch mehrere statistische Maßzahlen wie einen Mittelwert und eine Standardabweichung. In diesem Whitepaper ist beschrieben, wie die Berechnung im Einzelnen funktioniert.

Inhaltsverzeichnis

1. Berechnung des Mittelwertes	2
2. Berechnung der Standardabweichung	2
3. Berechnung des Medians	3
4. Berechnung der Quartile	3
5. Einstellung der Darstellung der Fragenresultate	4

Sollten Sie noch Fragen haben, wenden Sie sich bitte an unsere Kundenbetreuung unter info@blubbsoft.de oder 030 8680374-74.

1. Berechnung des Mittelwertes

Der *Mittelwert* ist das arithmetische Mittel und wird aus der Summe der Antwortwerte geteilt durch die Anzahl der Antworten berechnet. Der Wert einer Antwort ist bei gewichteten Antworten in *Multiple-Choice-Fragen* das Gewicht und bei *skalierten Antworten* die Stelle der Antwort, wobei die erste Antwort einer skalierten Frage den Wert 1 hat, die *m*-te den Wert *m*.

2. Berechnung der Standardabweichung

Die Standardabweichung wird wie folgt berechnet:

$$S := \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \bar{X})^2}$$

Wobei *n* die Anzahl der Werte X_i die Merkmalsausprägung am *i*-ten Element der Stichprobe und *X* der Mittelwert sind.

Es wird also die Summe der Quadrate aus den Abweichungen vom *Mittelwert* der einzelnen Werte geteilt durch die um eins verringerte Anzahl der Werte. Daraus wird die Wurzel berechnet. Dieses Verfahren ist weit verbreitet und wird auch bei Excel und SPSS eingesetzt.

Hinweis: Die *Standardabweichung* ist nur bei normalverteilten Antworten eine sinnvolle Kennzahl. Befragungsdaten sind jedoch häufig linksschief, weil die Antwortenden tendenziell eher positive Antworten wählen, sodass die Aussagekraft der *Standardabweichung* unter Umständen eingeschränkt ist.





3. Berechnung des Medians

Der *Median* ist dasjenige Element, das in der "Mitte" der Daten liegt, also genauso viele Werte darunter wie darüber liegen. Bei *skalierten Fragen* gibt es nur eine sehr begrenzte Anzahl an Antwortmöglichkeiten, weswegen der *Median* immer eine ganze Zahl ist.

Nach Peter Zöfel, "Statistik verstehen" (Addison-Wesley Scientific Computing 2002, S. 34f.) berechnet QuestorPro daher einen *Schätzmedian*, also einen Median aus gruppierten oder klassierten Daten. Dafür wird davon ausgegangen, dass die Teilnehmenden ihre Antworten im gesamten Bereich frei verteilen konnten und die vorliegenden Häufigkeiten zusammengefasste Häufigkeiten sind. Die Berechnung des *Schätzmedians* erfolgt nach folgender Formel:

Median=
$$x_m - 0.5 + \frac{1}{f_m}(\frac{1}{2}n - F_{m-1})$$

M ist dabei die Antwort, die den *Median* enthält, x_m der Wert der *m*-ten Antwort, f_m die Häufigkeit der *m*-ten Antwort, F_{m-1} die kumulierte Häufigkeit der Antworten von 1 bis m - 1.

Diese Berechnung ergibt eine Dezimalzahl und bildet die Verteilung wesentlich besser ab als der echte *Median*.

Es ist zu beachten, dass der *Schätzmedian* bei insgesamt *n* Antwortmöglichkeiten von -0,5 bis n + 0,5 skaliert ist, denn eine der Antworten wird so betrachtet, dass sie von 0,5 darunter bis 0,5 darüber geht. Das wirkt zunächst nicht intuitiv, ist aber notwendig, da die tatsächlich gegebenen Antworten in der Mitte der Bereiche liegen sollen.

4. Berechnung der Quartile

Das erste *Quartil* ist diejenige Antwort, bei der 25 Prozent der Antworten darunter und 75 Prozent darüber liegen. Das dritte *Quartil* entsprechend umgekehrt. Auch hier gilt wie beim *Median*, dass die echten *Quartile* zu ungenau sind und daher *Schätzquartile* berechnet werden. Die Formel dafür ist ähnlich zum *Schätzmedian*, nur dass der Faktor 1/2 in der Klammer durch 14 für das erste *Quartil* oder 3/4 für das dritte *Quartil* ersetzt wird (siehe Zö-fel, S. 40f.).

Die *Schätzquartile* sind auf denselben Bereich skaliert wie der *Schätzmedian*. Das führt insbesondere dazu, dass bei einer sehr schiefen Verteilung der Quartilswert kleiner als die erste oder größer als die letzte Antwortoption sein kann. Wenn zum Beispiel zehn Bewertungen vorliegen und alle die Antwort "1" gewählt haben, so gehen die Formeln davon aus, dass die Teilnehmenden gleichmäßig im Bereich 0,5 bis 1,5 geantwortet haben. QuestorPro wird also als *Median* 1,00 zeigen, als 1. *Quartil* 0,75 und als 3. *Quartil* 1,25 mit einem Quartilsabstand von 0,5. Die Differenz zwischen erstem und drittem *Quartil* wird Quartilsabstand genannt und in der Grafik durch QR= dargestellt, wie hier zu sehen ist.



Beispiel für eine Legende einer Auswertung mit Median und Quartilen

5. Einstellung der Darstellung der Fragenresultate

Die Einstellungsoption für die Darstellung als *Mittelwert* + *Standardabweichung* oder als *Median* + 1. und 3. Quartil finden Sie in Ihrem Befragungsprojekt in der Hauptperspektive Auswertungen in der Sicht Allgemein. Der Parameter heißt Histogramm: Fragenresultate werden dargestellt als.

◆ ₩	Auswertungen einstellen und erzeugen		Konto Projekt ie Bürgerbeteiligung
			🛞 🔁 Übersetzen
Erzeugen			
-	Name	Übersetzbar	Wert
Logos	Filter: Text für Befragten-Filter (ist leer)	ja	Befragte: Spalte "\$\$spalte\$\$" ist leer (Deutsch)
	Filter: Text für Befragten-Filter (ist nicht gleich)	ja	Befragte: Spalte "\$\$spalte\$\$" ist nicht gleich "\$\$wert\$\$" (Deutsch)
Word-Vorlage	Filter: Text für Befragten-Filter (ist nicht leer)	ja	Befragte: Spalte "\$\$spalte\$\$" ist nicht leer (Deutsch)
	Filter: Text für Datumsfilter	ja	Der Bewertungszeitpunkt liegt zwischen \$\$start\$\$ und \$\$ende\$\$ (Deutsch)
	Filter: Text für Sprachen-Filter	ja	Die Sprache ist \$\$sprache\$\$ (Deutsch)
	Grafiklegende: Größe	nein	groß
📑 Algemein	Grafiklegende: Mittelwert	ja	Mittelwert (Deutsch)
	Grafiklegende: Position	nein	mittig
(L) Detail	Grafiklegende: Standardabweichung	ja	Standardabweichung (Deutsch)
	Grafiklegende: Vergleichsgruppe	ja	Vergleichsgruppe (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: 1. Quartil	ja	1. Quartil (Deutsch)
S. Gocomt	Grafiklegende Detail: 3. Quartil	ja	3. Quartil (Deutsch)
lin desarric	Grafiklegende Detail: Absolute Häufigkeit	ja	Absolute Häufigkeit (Deutsch)
7	Grafiklegende Detail: Linker/Rechter Pol neben statt in der Grafik	nein	nein
Gefilterte Einzelantworter	Grafiklegende Detail: Linker Pol	ja	Linker Pol (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: Median	ja	Median (Deutsch)
Todikator/iborblick	Grafiklegende Detail: Medianantwort	ja	Medianantwort (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: N=Gesamtzahl der Nennungen	ja	N=Gesamtzahl der Nennungen (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: Nz=Anzahl Verweigerungen	ja	Nz=Anzahl Verweigerungsantworten (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: Quartilsabstand	ja	Quartilsabstand (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: Rechter Pol	ja	Rechter Pol (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: Relative Häufigkeit	ja	Relative Häufigkeit (Deutsch)
	Grafiklegende Detail: Skala/Antwort	ja	Skala/Antwort (Deutsch)
	Histogramm: Fragenresultate werden dargestellt als	nein	Mittelwert + Standardabweichung
	Histogramm: Hinweis, wenn zu viele Antworten für Auswertung	ja	Es sind Antworten in den Rohdaten vorhanden, aber diese Frage hat zu viele Antwortmöglic
	Histogramm: Medianantwort grau hinterlegen	nein	ja
	Histogramm: Position des Fragetexts bei Kreis / Balkendiagrammen in PDF-Auswertungen	nein	Unter dem Diagramm
	Histogramm: Rahmen um nicht genutzte Histogrammflächen drucken	nein	ja
	Histogramm: Wertebereich bei Zahlenwertfragen anpassen	nein	nein
	Logo für PDF-Auswertungen, links	nein	nicht gesetzt
	Logo für PDF-Auswertungen, rechts	nein	image/jpeg; 2.0 cm * 2.0 cm
	Vorlage für Word-Auswertungen	nein	gesetzt
	Parameter Aktionen		
	Fragenresultate werden dargestellt als Mittelwert + Standardabweichung		

Sollten Sie noch Fragen haben, wenden Sie sich bitte an unsere Kundenbetreuung unter info@blubbsoft.de oder 030 8680374-74.

QuestorPro 5.1 | 09/2024